

# ALGEBRAIC SIMPLIFICATION

Pitt State Math Relays 2019

For each question below, completely shade in the rectangle with the letter of the **simplest** correct answer in the appropriate space on the answer sheet. Only the answer sheet will be graded. NO CALCULATORS.

1. Find the coefficient for  $x^3y^4$  in the expansion of  $(4x - 2y)^7$ .  
(A) 35,840      (B) 35      (C) 1024      (D) -71680      (E) none of these
2. Factor completely  $6x^2 + 15x - 9$ .  
(A)  $(3x - 3)(2x + 3)$       (B)  $3(2x - 1)(x + 3)$       (C)  $(x - 3)(6x + 3)$   
(D)  $(6x - 3)(x + 3)$       (E) none of these
3. Simplify  $\frac{12!}{8!4!}$ .  
(A) 2970      (B) 495      (C) 1      (D)  $\frac{3}{8}$       (E) none of these
4. Simplify  $8x^3 - \left\{ 7x^2 - 6[x^2 - 5x(x^2 - x)] + 4x^3 \right\}$   
(A)  $-26x^3 + 29x^2$       (B)  $4x^3 + 9x^2$       (C)  $4x^3 - 13x^2$       (D)  $x^3 + 5x^2$       (E) none of these
5. Combine and simplify  $\frac{x}{2x+4} - \frac{2}{x^2+3x+2}$ .  
(A)  $\frac{x^2+2x+24}{2(x+2)(x+1)}$       (B)  $\frac{1}{x+1}$       (C)  $\frac{x-2}{-2x}$       (D)  $\frac{x^2+x-4}{2(x+1)(x+2)}$       (E) none of these
6.  $-3|x| + |-x| =$   
(A) -3      (B)  $2|x|$       (C)  $-2|x|$       (D)  $3|x|$       (E) none of these
7.  $\frac{2x-6}{2x^2+3x-9} \div \frac{x^2-9x+18}{x^2-9}$   
(A)  $\frac{-2(x+18)}{x-9}$       (B)  $\frac{2(x-3)}{(x-6)(2x-3)}$       (C)  $\frac{2}{18x(x-2)}$       (D)  $\frac{2(x+3)(x-6)}{(x+3)(x-3)^2}$       (E) none of these
8. If  $x < 2$ , simplify  $|x-2| - 4|-6|$   
(A)  $x - 22$       (B)  $-x - 22$       (C)  $x - 26$       (D)  $x - 12$       (E) none of these
9. The equality  $5^3 = 125$  can be written as  
(A)  $\log_3 125 = 5$       (B)  $\log_5 125 = 3$       (C)  $\log_3 5 = 125$       (D)  $\log_5 3 = 125$       (E) none of these

10. Simplify  $\sqrt{6}(\sqrt{2} + \sqrt{3})$

- (A)  $6\sqrt{5}$     (B)  $4\sqrt{3} - 2\sqrt{2}$     (C)  $2\sqrt{18}$     (D)  $2\sqrt{3} + 3\sqrt{2}$     (E) none of these

11. Simplify  $\frac{12r^3s^3t^4}{56r^7s^5t^2}$

- (A)  $\frac{3t^8}{14r^{14}s^{15}}$     (B)  $\frac{2r^3s^2}{3t^2}$     (C)  $\frac{2t^2}{7s^3t^3}$     (D)  $\frac{3t^2}{14r^4s^2}$     (E) none of these

12. Simplify  $(-1)^{-2019} + (-1)^{2019}$

- (A)  $-1^0$     (B) 0    (C) -2    (D)  $2^{4038}$     (E) none of these

13. Simplify  $81^{3/4}$

- (A) 27    (B)  $60\frac{3}{4}$     (C) 9    (D)  $3\sqrt[4]{9}$     (E) none of these

14. For  $x > 0$ ,  $\frac{5}{\sqrt{x} - 2} =$

- (A)  $5\sqrt{x} + 6$     (B)  $\frac{25}{x-4}$     (C)  $\frac{5\sqrt{x} + 10}{x-4}$     (D)  $\frac{25}{x+4}$     (E) none of these

15. Simplify  $\frac{(2^{n-1}2^{2n+1})^3}{2^{5n}}$

- (A)  $\frac{2^6}{2^{5n}}$     (B)  $2^{-2n+3}$     (C)  $2^{6n^2-8n-3}$     (D)  $2^{4n}$     (E) none of these

16.  $x^{-1} + x^{-2} =$

- (A)  $\frac{1}{x^3}$     (B)  $\frac{2}{x^3}$     (C)  $\frac{2}{x}$     (D)  $\frac{x+1}{x^2}$     (E) none of these

17.  $\log_8 64 =$

- (A) 2    (B) 8    (C)  $\frac{1}{2}$     (D)  $\frac{1}{8}$     (E) none of these

18. Simplify  $[(s+5)(s+5) + (s-5)(s-5)][(s+5)(s+5) - (s-5)(s-5)]$ .

- (A) 0    (B) 1    (C)  $40s^3 + 1000s$     (D)  $s^4 - 25s^2 - 625$     (E) none of these

19. Written in simplest form, the expression  $\frac{\frac{x}{4} - \frac{1}{x}}{\frac{1}{2x} + \frac{1}{4}}$  is equivalent to

- (A)  $x - 1$     (B)  $x - 2$     (C)  $\frac{x-2}{2}$     (D)  $\frac{x^2 - 4}{x+2}$     (E) none of these

20. Simplify  $\frac{a^2 b^{-3}}{a^{-4} b^2}$

- (A)  $\frac{a^6}{b^5}$       (B)  $\frac{a^2}{b}$       (C)  $\frac{b^5}{a^6}$       (D)  $a^{-2} b^{-1}$       (E) none of these

21.  $\frac{6+\sqrt{3}}{6-\sqrt{3}} =$

- (A) -1      (B)  $\frac{16+2\sqrt{3}}{9}$       (C)  $36-2\sqrt{3}$       (D)  $\frac{13+4\sqrt{3}}{11}$       (E) none of these

22. When  $c+d=6$ , what is the value of  $2(c+d)+\frac{c+d}{6}+(c+d)^2-2$ ?

- (A) 47      (B) 38      (C) 37      (D) 23      (E) none of these

23. Simplify  $\frac{3x}{x^2-49}-\frac{7}{3x-21}$ .

- (A)  $\frac{1}{3(x-7)(x+7)}$       (B)  $\frac{3x-7}{x^2-3x-28}$       (C)  $\frac{2x-49}{3(x-7)(x+7)}$   
 (D)  $\frac{16x+49}{3(x-7)(x+7)}$       (E) none of these

24.  $4ab\sqrt{2b}-3a\sqrt{18b^3}+7ab\sqrt{6b} =$

- (A)  $2ab\sqrt{6b}$       (B)  $16ab\sqrt{2b}$       (C)  $-5ab+7ab\sqrt{6b}$       (D)  $-5ab\sqrt{2b}+7ab\sqrt{6b}$       (E) none of these

25.  $\log_{49}7 =$

- (A) 7      (B) 2      (C)  $\frac{1}{2}$       (D)  $\frac{1}{7}$       (E) none of these

26. Assume  $a$  and  $b$  are positive real numbers.  $\left(\sqrt{a^2 b^{1/2}}\right)^{-1} =$

- (A)  $a^{-2} b^{-\frac{1}{2}}$       (B)  $-ab^{\frac{1}{4}}$       (C)  $-ab^2$       (D)  $\frac{1}{ab^{1/4}}$       (E) none of these

27. Simplify  $\frac{3-2i}{5+3i}$ .

- (A)  $\frac{3}{5}-\frac{2}{3}i$       (B)  $\frac{9}{34}-\frac{19}{34}i$       (C)  $\frac{9}{16}+\frac{1}{4}i$       (D)  $\frac{3}{5}+\frac{2}{3}i$       (E) none of these

28. If  $f(x) = x^2 - 2$ , then  $f(x+h) =$

- (A)  $x^2 + h^2 - 2$       (B)  $x^2 - 2 + h$       (C)  $x^2 + 2xh + h^2$       (D)  $x^2 + 2xh + h^2 - 2$       (E) none of these

29. Simplify  $i^{2019}$ .

- (A) -1      (B) -i      (C) 1      (D) i      (E) none of these

30. Simplify  $\left(\frac{-8}{x}\right)^{\frac{2}{3}}$  when  $x = -27$ .

- (A)  $\frac{24\sqrt{3}}{27}$       (B)  $\frac{2}{3}$       (C)  $\frac{4}{9}$       (D)  $-\frac{4}{9}$       (E) none of these

31. Simplify  $\sum_{n=1}^5 n^2$ .

- (A) 55      (B) 195      (C) 100      (D) 25      (E) none of these

32. Let  $h = -16t^2 + 80t + 3$ . Simplify  $h(2)$ .

- (A) 99      (B) 80      (C) 131      (D) 227      (E) none of these

33. Simplify  $h(h(1))$  for  $h = -t^2 + 5t + 3$ .

- (A) 37      (B) -11      (C) 7      (D) -5      (E) none of these

34. Simplify  $\begin{pmatrix} 2 & -1 \\ 4 & 3 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} -3 & 2 \\ 1 & -2 \end{pmatrix}$ .

- (A)  $\begin{pmatrix} 2 & 6 \\ -6 & -7 \end{pmatrix}$       (B)  $\begin{pmatrix} -6 & -2 \\ 4 & -6 \end{pmatrix}$       (C)  $\begin{pmatrix} -7 & 6 \\ -9 & 2 \end{pmatrix}$       (D)  $\begin{pmatrix} -2 & 4 \\ -6 & -6 \end{pmatrix}$       (E) none of these

35. Simplify  $\begin{vmatrix} -1 & 0 & 2 \\ 3 & 4 & -6 \\ 0 & -5 & 0 \end{vmatrix}$ .

- (A) -1      (B) 0      (C) -16      (D) 60      (E) none of these

36. Simplify  $\begin{vmatrix} 5 & -4 \\ 2 & 1 \end{vmatrix}$ .

- (A) -18      (B) 13      (C) -3      (D) 6      (E) none of these

37. Simplify by writing as a single logarithm.  $4 \ln x - 2 \ln 6 - \frac{1}{2} \ln y$

- (A)  $\ln\left(4x-12-\frac{1}{2}y\right)$       (B)  $\ln\left(\frac{x^4\sqrt{y}}{36}\right)$       (C)  $\frac{3}{2}\ln(x-6-y)$       (D)  $\ln\left(\frac{x^4}{36\sqrt{y}}\right)$       (E) none of these

38. Simplify  $\frac{f(x+h)-f(x)}{h}$  for the function  $f(x) = x^2 + 3x - 1$ .

- (A)  $\frac{x^2 + 2xh + h^2 + 3x + 3h - 1}{h}$       (B)  $\frac{2xh + h^2 - 6x + 3h - 2}{h}$       (C)  $2x + h + 3$       (D)  $2x + 3$   
(E) none of these